

Gegeben seien folgende Aufgaben

(jeweils mit Startzeit, Terminierungszeit und Wert):

A_1 (2,6,16) A_2 (1,3,5) A_3 (4,8,8) A_4 (5,6,1).

Welche Aufgaben wählt der Algorithmus aus?

Auflösung: A_2 & A_4

Welche Auswahl ergäbe das höchste Gesamtgewicht?

Auflösung: A_1

Gegeben seien drei Aufgaben A_i mit Werten $(Frist_i, Dauer_i)$:

$A_1 = (5, 4)$, $A_2 = (6, 8)$, $A_3 = (2, 1)$.

Welche maximale Verzögerung ergibt sich bei optimaler Anordnung?

Auflösung: Verzögerung 7 bei Anordnung $A_3 A_1 A_2$

Gegeben folgender Text über dem Alphabet $\Sigma = \{a, b, c, d\}$:

d c d c b a b a b a

Welches ist ein Huffman-Code für diesen Text:

- (1) $a \rightarrow 00, b \rightarrow 01, c \rightarrow 10, d \rightarrow 11$
- (2) $a \rightarrow 0, b \rightarrow 1, c \rightarrow 00, d \rightarrow 01$
- (3) $a \rightarrow 0, b \rightarrow 10, c \rightarrow 110, d \rightarrow 111$
- (4) $a \rightarrow 11, b \rightarrow 10, c \rightarrow 01, d \rightarrow 00$

Auflösung: (1) & (4)

Quicksort ist ein Vertreter

- (1) der Greedy-Algorithmen.
- (2) der Divide-and-Conquer Algorithmen.
- (3) der dynamischen Programmierung.
- (4) keiner dieser Klassen.
- (5) keine Ahnung.

Auflösung: (2) (und damit auch (3))

Bei allgemeiner dynamischer Programmierung ist der unterliegende Aufrufgraph kein Baum (sondern ein DAG). Deshalb ist der benötigte Speicherplatz immer superlinear in der Länge der Eingabe.

- (1) Stimmt.
- (2) Stimmt nicht.
- (3) Keine Ahnung.

Auflösung: (2)

Bsp: $O(n)$ Platz für Fibonacci-Folge $f(n) = f(n - 1) + f(n - 2)$.

Welche Laufzeit hat die dynamische Programmierung für gewichtetes Intervall-Scheduling?

- (1) $\Theta(n)$
- (2) $\Theta(n \log n)$
- (3) $\Theta(n^2)$
- (4) $\Theta(n^2 \cdot 2^n)$
- (5) $\Theta(n!)$

Auflösung: (2) $\Theta(n \log n)$

Betrachte eine beliebige Instanz mit n Aufgaben. Sei

- g = Anzahl Aufgaben, die von Greedy ausgewählt werden.
- d = Anzahl Aufgaben, die von dyn. Program. ausgewählt werden.

Wie groß kann g/d werden?

- (1) $\Theta(1)$
- (2) $\Theta(\sqrt{n})$
- (3) $\Theta(n)$
- (4) $\Theta(n \log n)$

Auflösung: (3) $\Theta(n)$

Welche Bedingungen benötigt der Algorithmus zur korrekten Ausführung?

- (1) Positive Kantengewichte
- (2) Symmetrische Kantengewichte
- (3) Stark zusammenhängender Graph
- (4) Zusammenhängender Graph
- (5) Kreisfreier Graph (DAG)
- (6) Keine dieser Bedingungen
- (7) Ich kenn nur Ford-Mustang...

Auflösung: (6)

Welche Laufzeit hat der Algorithmus von Floyd für einen gerichteten Graphen mit n Knoten und m Kanten?

- (1) $\Theta(n \cdot m^2)$
- (2) $\Theta(n^2 \cdot m)$
- (3) $\Theta(n^3)$
- (4) $\Theta(n^{\log_2 7} \cdot m)$
- (5) Floyd?

Auflösung: (3) $\Theta(n^3)$

Welche Bedingungen benötigt der Algorithmus zur korrekten Ausführung?

- (1) Positive Kantengewichte
- (2) Symmetrische Kantengewichte
- (3) Stark zusammenhängender Graph
- (4) Zusammenhängender Graph
- (5) Kreisfreier Graph
- (6) Keine dieser Bedingungen
- (7) Keine Ahnung

Auflösung: (6)

In welcher Laufzeit wird das optimale paarweise Alignment für zwei Strings mit Längen n und m berechnet?

- (1) $\Theta(n + m)$
- (2) $\Theta((\min\{n, m\})^2)$
- (3) $\Theta(n \cdot m)$
- (4) $\Theta((\max\{n, m\})^2)$
- (5) $\Theta(n^m)$

Auflösung: (3) $\Theta(n \cdot m)$

Wie schnell kann man das beste Alignment finden, in dem bei jedem String höchstens k Blanksymbole benutzt werden?

- (1) $\Theta(\min\{n, m\} \cdot k)$
- (2) $\Theta((n \cdot m)/k)$
- (3) $\Theta(n \cdot m \cdot \log k)$
- (4) $\Theta(n \cdot m \cdot k)$
- (5) $\Theta((n \cdot m)^k)$

Auflösung: (1) $\Theta(\min\{n, m\} \cdot k)$

Betrachte die Klasse von gerichteten Graphen G mit n Knoten, $m = \Theta(n^{1.5})$ Kanten und reellen Kantengewichten.

Welcher Algorithmus hat die schnellste worst-case Laufzeit für das APSP Problem in dieser Klasse von Graphen?

- (1) Bellman-Ford
- (2) Floyd
- (3) $n \times$ Dijkstra
- (4) (1) und (2) sind beide gleich schnell
- (5) Alle gleich gut

Auflösung: (2) Floyd

In welcher Laufzeit wird das optimale paarweise Alignment für zwei Strings mit Längen n und m berechnet?

- (1) $\Theta(n + m)$
- (2) $\Theta((\min\{n, m\})^2)$
- (3) $\Theta(n \cdot m)$
- (4) $\Theta((\max\{n, m\})^2)$
- (5) $\Theta(n^m)$

Auflösung: (3) $\Theta(n \cdot m)$

Wie schnell kann man die optimale Sekundärstruktur mit maximaler Anzahl an Bindungen finden?

- (1) $\Theta(n)$
- (2) $\Theta(n^2)$
- (3) $\Theta(n^3)$
- (4) $\Theta(n^4)$
- (5) $\Theta(n^5)$

Auflösung: (3) $\Theta(n^3)$